

活用シート17	問題用紙	年 組 番	氏名
---------	------	-------	----

答えは、解答用紙の解答欄らんに書きましょう。

(一) まさやさんとひとみさんは、次の問題1について考えています。

問題1

図のように、長方形ABCDの土地があり、折れ線EFGを境界としてあといの2つに分かれています。

あといの面積を変えないようにして、境界を点Eを通る線分EMに改めるとき、点Mの位置をどのように求めればよいですか。

1 まさやさんは、点Mの位置の求め方を次のように説明しました。

【まさやさんの考え】

○ 線分EGをひく。

○ 線分EGに平行で点Fを通る直線をひき、辺BCとの交点をMとする。

まさやさんの考えを使うと、五角形ABGF Eの面積と台形ABMEの面積が等しくなります。このことを説明した次の 、 に当てはまる記号を書きなさい。

五角形ABGF Eと台形ABMEは、台形ABGEが共通しているので、 $\triangle FEG$ と $\triangle MEG$ の面積が等しいことを説明すればよい。

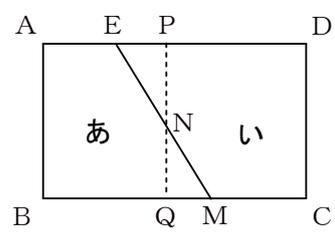
$\triangle FEG$ と $\triangle MEG$ の底辺 は共通で、EG FMなので高さは等しい。2つの三角形の底辺と高さが等しいので、面積も等しい。

- 2 まさやさんのかいた図を見て、ひとみさんは台形 $ABME$ と面積が等しい長方形 $ABQP$ を作る方法を思いつきました。

ひとみさんの説明

線分 EM の を N として、辺 AB に平行で点 N を通る直線をひき、辺 AD 、 BC との交点をそれぞれ P 、 Q とする。

このとき、台形 $ABME$ と長方形 $ABQP$ の面積は等しくなる。

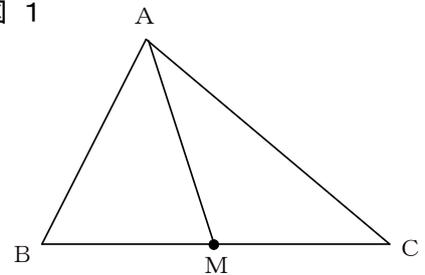


- ① ひとみさんの説明の に当てはまる言葉を書きなさい。
- ② 台形 $ABME$ と長方形 $ABQP$ の面積が等しくなるのは、 $\triangle NQM$ と $\triangle NPE$ が合同だからです。このことを説明するときを使う三角形の合同条件を書きなさい。

(二) 次の 1、2 の各問いに答えなさい。

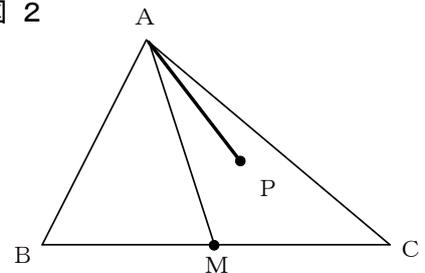
- 1 右の図 1 の $\triangle ABC$ において、辺 BC の中点を M とし、線分 AM をひくとき、 $\triangle ABM$ と $\triangle AMC$ の面積は等しくなります。その理由を説明しなさい。

図 1



- 2 右の図 2 の点 P から、辺 BC 上に点 Q をとり、四角形 $ABQP$ と $\triangle ABM$ の面積が等しくなるようにします。点 Q の位置を求めて解答欄の図にかきなさい。

図 2



活用シート17	解答用紙	年 組 番	名前
---------	------	-------	----

(一)

1

ア		イ	
---	--	---	--

2

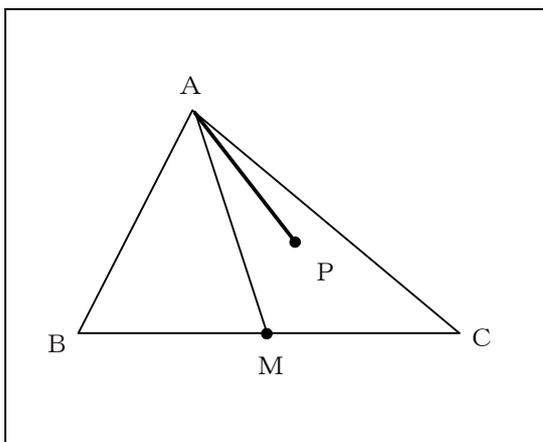
①	
②	

(二)

1

--

2



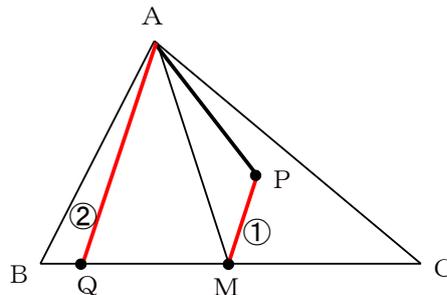
今日もがんばったね。
ずっと続けていて、すごいね。



- (一) 1 ア EG イ //
- 2 ① 中点 ② 1 辺とその両端の角が、それぞれ等しい
(直角三角形の斜辺と1つの鋭角が、それぞれ等しい)

- (二) 1 (正答例) $\triangle ABM$ と $\triangle AMC$ において、点Mが辺BCの中点だから、 $BM=MC$ となり底辺が等しい。
点Aから辺BCにひいた垂線が2つの三角形の高さとなり共通である。
底辺と高さが等しいので、2つの三角形の面積は等しい。

2



(解説)

線分PMをひき、線分PMに平行で点Aを通る直線と辺BCの交点をQ
① ②
とすればよい。

【四角形ABQPと $\triangle ABM$ の面積が等しい理由】

次の図のように、 $\triangle AQP$ と $\triangle AQM$ の底辺AQは共通であり、 $AQ \parallel PM$ だから高さが等しい。よって、 $\triangle AQP$ と $\triangle AQM$ の面積が等しい。…(1)

$$\text{四角形 } ABQP = \triangle ABQ + \triangle AQP$$

$$\triangle ABM = \triangle ABQ + \triangle AQM$$

(1)より 四角形 $ABQP = \triangle ABM$

