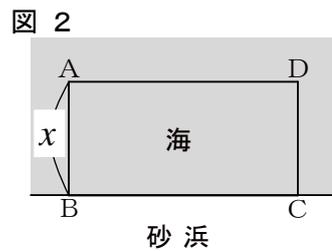
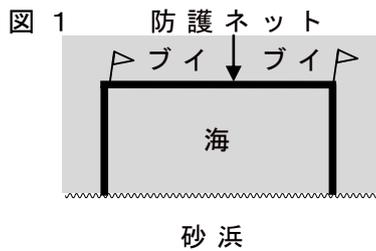


活用シート14	問題用紙	年 組 番	氏名
---------	------	-------	----

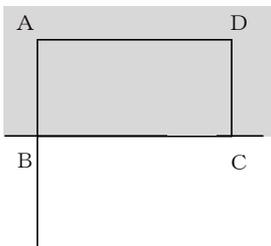
答えは、解答用紙の解答欄らんに書きましょう。

(一) やすおさんは、海水浴場の防護ネット(図1)を見て、砂浜からブイまでの距離きょりを求めることにしました。防護ネットを図2のように長方形と見なし、 $x$ の距離をはかる方法を思いつきました。

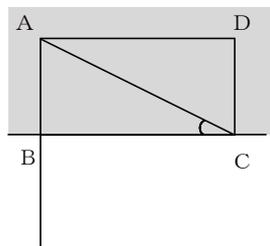


【やすおさんの方法】

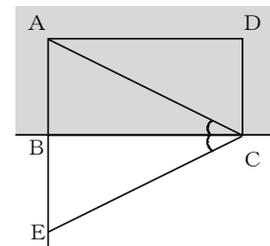
(1) ブイのある点Aと点Bを結んだ直線をそのまま延長して、砂浜の上に線をひく。



(2) ブイのある点Aと点Cを結ぶ対角線と、点Bと点Cを結んだ直線との間の $\angle ACB$ の大きさをはかる。



(3)  $\angle ACB$ と等しい大きさの角を砂浜にとり、(1)でひいた線に向かって直線をひき、その交点をEとする。点Bから点Eまでの距離をはかる。



【やすおさんの考え】

直接はかることができない点Bから点Aまでの距離は、 $\triangle ABC$ と合同な $\triangle EBC$ をつくり、辺 **ア** の長さと辺 **イ** の長さが等しいことを使えば、求めることができます。

- 【やすおさんの考え】の **ア**、**イ** に当てはまる記号を書きなさい。
- $\triangle ABC$ と $\triangle EBC$ が合同であることは次のように証明することができます。

**ウ** ~ **オ** に当てはまる言葉や記号を書きなさい。

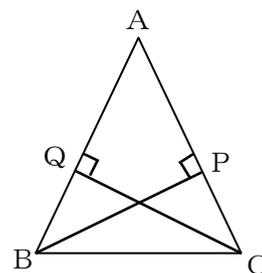
【証明】

$\triangle ABC$ と $\triangle EBC$ において  
 仮定より  $\angle ACB = \angle ECB$  …①  
 四角形ABCDは長方形だから  
 $\angle ABC = \angle EBC =$  **ウ**° …②  
 共通な辺だから **エ** = **エ** …③  
 ①、②、③より、**オ** から  
 $\triangle ABC \equiv \triangle EBC$

(二) たくやさんは、次の問題を考えています。

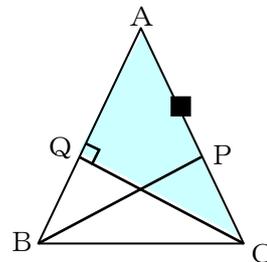
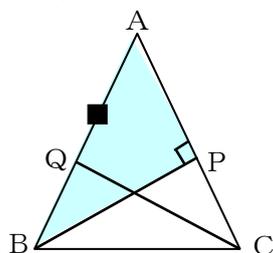
問題

図のように、 $AB = AC$ の二等辺三角形 $ABC$ があります。点 $B$ 、 $C$ から向かい合う辺に垂線をひき、それぞれの交点を $P$ 、 $Q$ とするとき、 $BP = CQ$ となることを証明しなさい。



たくやさんは、証明の方針を次のメモにまとめました。

- $\triangle ABP$ と $\triangle ACQ$ が合同であることを示し、 という合同な図形の性質を使えば、 $BP = CQ$ を説明することができるだろう。
- 図の $\triangle ABP$ と $\triangle ACQ$ にそれぞれ色を付け、仮定を記号(■)で示すと次のようになる。



- 直角三角形の斜辺が等しいので、合同であることを示すためには、あと1つの等しい角を明らかにすればよい。

1 たくやさんのメモの に当てはまる言葉を次のア～エの中から1つ選び、その記号を書きなさい。

- ア 対応する辺の長さが等しい      イ 対応する角の大きさが等しい
- ウ 周の長さが等しい              エ 面積が等しい

2 たくやさんは、メモを基に、次のように問題を解きました。 に当てはまる言葉と式を書き、証明を完成させなさい。

【証明】

$\triangle ABP$ と $\triangle ACQ$ において

仮定より

$$\angle APB = \angle AQC = 90^\circ \quad \dots \text{①}$$

$\triangle ABC$ は二等辺三角形だから

$$AB = AC \quad \dots \text{②}$$



$$\triangle ABP \equiv \triangle ACQ$$

よって、 $BP = CQ$

活用シート14	解答用紙	年 組 番	氏名
---------	------	-------	----

(一)

1	ア		イ	
---	---	--	---	--

2	ウ		エ	
	オ			

(二)

1	
---	--

2

**【証明】**

$\triangle ABP$ と $\triangle ACQ$ において

仮定より

$\angle APB = \angle AQC = 90^\circ \dots ①$

$\triangle ABC$ は二等辺三角形だから

$AB = AC \dots ②$

$\triangle ABP \equiv \triangle ACQ$

よって、 $BP = CQ$



- (一) 1 ア  $AB$  ( $EB$ )      イ  $EB$  ( $AB$ )  
 2 ウ  $90$                       エ  $BC$   
 オ 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい
- (二) 1 ア

## 【解説】

線分の長さが等しいことを証明する場合、合同な図形の対応する線分の長さが等しいことを使うことが多いので、まず、合同な三角形を探してみることから始めるとよい。

- 2 (正答例)

## 【証明】

$\triangle ABP$ と $\triangle ACQ$ において

仮定より

$$\angle APB = \angle AQC = 90^\circ \quad \dots \textcircled{1}$$

$\triangle ABC$ は二等辺三角形だから

$$AB = AC \quad \dots \textcircled{2}$$

共通な角だから

$$\angle A = \angle A \quad \dots \textcircled{3}$$

①、②、③より、直角三角形の斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しいから

$$\triangle ABP \equiv \triangle ACQ$$

よって、 $BP = CQ$